

## الهيدروستاتيك Hydrostatic

---

هو العلم الذي يدرس ميكانيك السوائل الساكنة أي دراسة القوى المؤثرة في الموائع ودراسة وتحليل الضغط وارتفاع وكثافة المائع حيث تختفي في هذه الحالة اجهدات القص أي تختفي اللزوجة .

**الضغط Pressure** : هي القوة العمودية المسطاة على وحدة المساحة

$$P = F / A \quad N / m^2 = \text{pascal ( pas )}$$

$p_{atm}$  ( $P_a$  or  $P_o$ ): **atmospheric pressure** الضغط الجوي

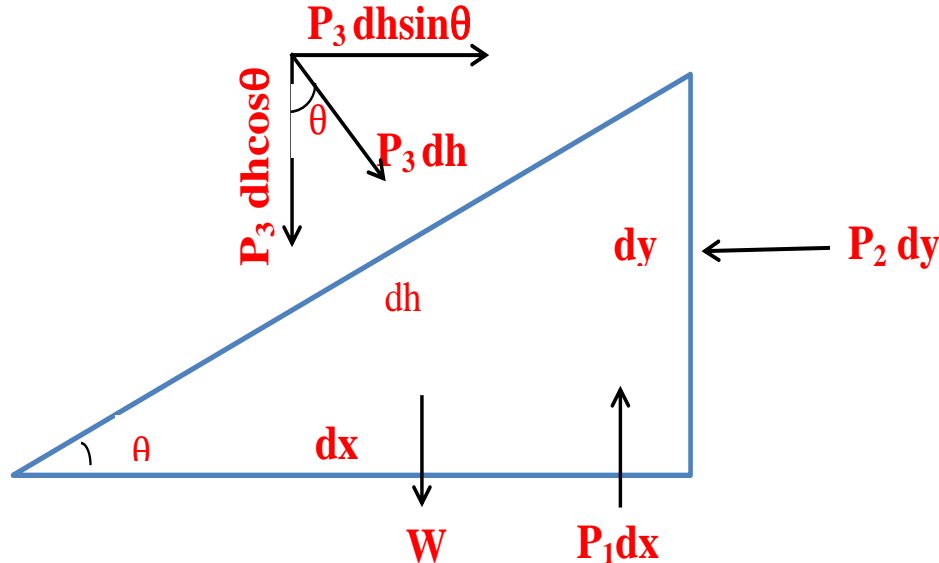
$$1 \text{ atm} = 1.013 \times 10^5 \text{ pas} \left( \frac{N}{m^2} \right) = 101.3 \times 10^3 \text{ pas} = 101.3 \text{ kpas} \left( \frac{KN}{m^2} \right)$$

$$1 \text{ bar} \approx 10^5 \text{ pas} \left( \frac{N}{m^2} \right)$$

## المعادلات الأساسية لتوازن السوائل ( مبدأ التوازن الهيدروستاتيكي ):

١- الضغط المسلط على أي نقطة داخل مائع ساكن ومن كل الاتجاهات يكون متساوي :

نأخذ شريحة من السائل الساكن متناهية في الصغر وزنها (  $W$  ) على شكل موشور مثلث قاعدته (  $dx$  ) وارتفاعه (  $dy$  ) وسطحه المائل طوله (  $dh$  ) كما في الشكل أدناه.



## ٢ - تغير الضغط في المستوى الأفقي:

نأخذ شريحة من سائل ساكن وعلى شكل اسطوانة أفقية كما في الشكل أدناه طولها (  $dL$  ) ومساحة مقطعها (  $dA$  ) الضغط المؤثر على الوجه الأول للشريحة (  $P_1$  ) وعلى الوجه الآخر (  $P_2$  ) وبما إن الشريحة ساكنة بالاتجاه الأفقي أي إن محصلة القوى الأفقية عليها تساوي صفر

## ٣- تغير الضغط مع العمق :

نأخذ شريحة اسطوانية من مائع ساكن وزنها (  $dW$  ) محورها عمودي ارتفاعه (  $h$  ) ومساحة مقطعها (  $dA$  ) يؤثر على وجه الأسطوانة العلوي الضغط (  $P_1$  ) وعلى الوجه السفلي الضغط (  $P_2$  ).

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow P_1 dA + dW = P_2 dA$$

$$W = \gamma V = \gamma Ah \Rightarrow dW = \gamma h dA$$

$$\Rightarrow P_1 dA + \gamma h dA = P_2 dA \Rightarrow P_2 = P_1 + \gamma h \Rightarrow P_2 = P_1 + \rho gh$$

## الضغط المطلق والضغط المقاس : absolute and gauge pressure

---

يقاس ضغط المائع دائما بالنسبة إلى الضغط الجوي (  $p_0 = 101.3 \text{ Kpa}$  ) ، أما العلاقة بين الضغط المطلق و ضغط المقاس للمائع هي :

الضغط المطلق ( absolute pressure ) = ضغط المقاس أو الضغط المعياري ( gauge pressure ) + الضغط الجوي ( atmospheric pressure )

$$P_{absolute} = P_{gauge} + P_{atm}$$

$$P_{abs} = P_g + P_{atm}$$

ويسمى الضغط المطلق بالضغط الفعلي الحقيقي

## أجهزة قياس الضغط: Pressure Measurement

يمكن تقسيم أجهزة قياس الضغط إلى :

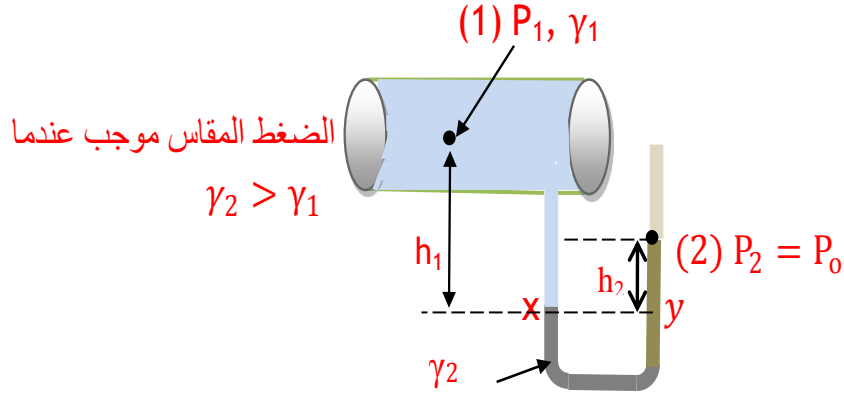
١- **أنبوب مضغط السوائل** : وهو جهاز يستخدم لقياس الضغط في المصدر وذلك بالاعتماد على مبدأ عمق السائل حيث يمكن قياس الضغط في أنبوب ينقل سائل كثافته (  $\rho$  ) وذلك بعمل فتحة في جدار الأنبوب يربط بها أنبوب مضغط زجاجي رفيع ونتيجة لضغط السائل في أنبوب الجريان فان السائل سوف يرتفع في أنبوب المضغط بمقدار يعادل شحنة الضغط أي إن :

$$P = P_0 + \rho gh$$

## ٢- المانوميترات Manometers :

وهي أجهزة تستخدم لقياس **الضغط العالية** بواسطة أنبوب زجاجي على شكل حرف U يحوي سائل كثافته أعلى أو أقل نسبياً من السائل المراد قياس ضغطه وأهم هذه الأجهزة :

**أ- المانوميتر البسيط :** يتكون من أنبوب مضغط السوائل على شكل حرف U يحوي سائل كثافته الوزنية ( $\gamma_2$ ) مثل الزئبق ويكون احد طرفيه مربوط بالمصدر المراد قياس ضغط سائلة مثل الماء ( كثافته الوزنية  $\gamma_1$  ) والطرف الثاني يكون مفتوح للضغط الجوي ،حيث كثافة الزئبق أكبر من كثافة الماء ب 13.6 مرة .ويمكن قياس ضغط المصدر في أي نقطة نسبة إلى الضغط الجوي وذلك باستخدام معادلة التوازن الهيدروستاتيكي للسوائل



$$P_x = P_1 + \gamma_1 h_1 \quad , \quad P_y = P_0 + \gamma_2 h_2$$

وبما إن الضغط في النقطتين  $x, y$  متساوي لكونهما واقعتين في مستوى أفقي واحد أي إن  $P_x = P_y$  نحصل على:

$$P_1 + \gamma_1 h_1 = P_0 + \gamma_2 h_2$$

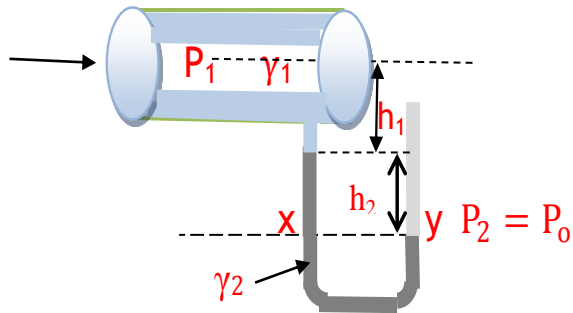
$$\Rightarrow P_1 = P_0 + (\gamma_2 h_2 - \gamma_1 h_1)$$

الضغط المطلق

الضغط المقاس

أي إن الضغط المقاس في النقطة (1) نسبة إلى الضغط الجوي هو ضغط موجب ويساوي  $\gamma_2 h_2 - \gamma_1 h_1$

$$\gamma_2 < \gamma_1$$



$$P_x = P_1 + \gamma_1 h_1 + \gamma_2 h_2 \quad , P_y = P_0 = P_x$$

$$\Rightarrow P_0 = P_1 + \gamma_1 h_1 + \gamma_2 h_2$$

$$\Rightarrow P_1 = P_0 - (\gamma_1 h_1 + \gamma_2 h_2)$$

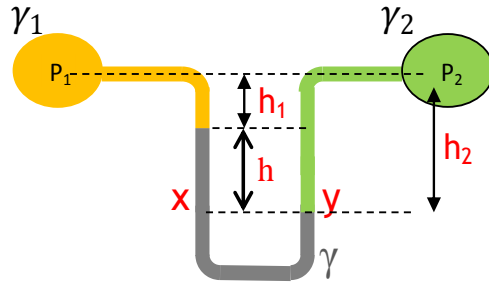
أي ان الضغط المقاس في النقطة (1) نسبة الى الضغط الجوي هو ضغط سالب ويساوي

$$-(\gamma_1 h_1 + \gamma_2 h_2)$$



## ب- المانوميتر الفرقى أو التباينى Differential Manometer

يستخدم لقياس فرق الضغط بين نقطتين في نفس المصدر المراد قياس ضغط سائلة أو في مصدرين مختلفين لسائلين مختلفين .



$$P_x = P_1 + \gamma_1 h_1 + \gamma h , P_y = P_2 + \gamma_2 h_2$$

$$P_x = P_y \implies P_1 + \gamma_1 h_1 + \gamma h = P_2 + \gamma_2 h_2$$

$$\implies P_2 - P_1 = \gamma_1 h_1 + \gamma h - \gamma_2 h_2$$

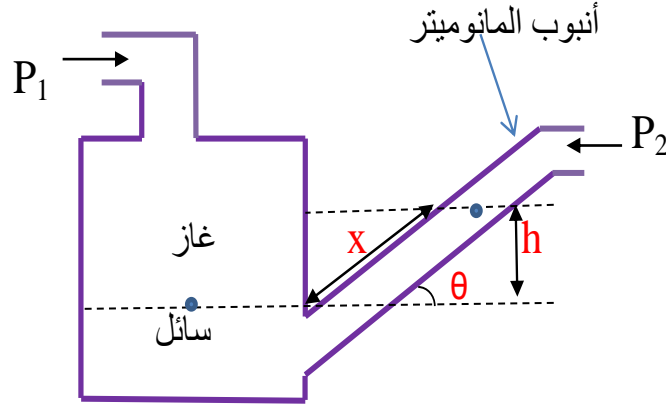
أما إذا كان السائلين في المصدرين من نفس النوع أو إذا كانت النقطتين في نفس المصدر ( $\gamma_1 = \gamma_2 = \gamma_0$ )

$$\implies P_2 - P_1 = \gamma_0 (h_1 - h_2) + \gamma h$$

$$\implies P_2 - P_1 = -\gamma_0 h + \gamma h = h(\gamma - \gamma_0)$$

## ج- المانوميتر المائل : Inclined Manometer

يستخدم المانوميتر المائل في الحالات التي يقاس فيها **الضغط بصورة دقيقة** كمجاري الهواء والغازات حيث يقرأ فروق ضغط صغيرة جداً



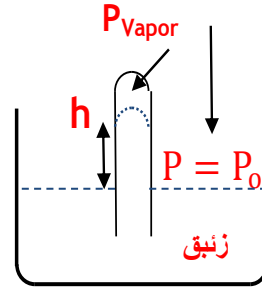
$$P_1 = P_2 + \gamma h \implies P_1 = P_2 + \gamma x \sin \theta \implies P_1 - P_2 = \gamma x \sin \theta$$

حيث  $x$  يمثل المستوى المائل لسائل المانوميتر ،  $\theta$  : زاوية ميل المانوميتر

### 3: الباروميتر barometer : مقياس الضغط الزئبقي

وهو جهاز يستخدم لقياس **الضغط الجوي بقيمته الحقيقية المطلقة** ، وهو أنبوب زجاجي مسدود من الأعلى ومفتوح من الأسفل مغمور في وعاء مملوء بالزئبق .

الضغط عند أي نقطة على سطح الزئبق في الوعاء يعادل الضغط الجوي ويساوي  $h$  cm ويمكن استخراج قيمته كما يلي :



$P_{Vapor}$  ضغط بخار الزئبق وهو صغير جدا تقريبا يساوي صفر

$$P = P_{vapor} + \rho gh \Rightarrow P_0 = \rho gh \Rightarrow h = \frac{P_0}{\rho g} = \frac{101.3 \times 10^3 pa}{13600 \times 9.8} = 0.76 \text{ m Hg}$$
$$\Rightarrow h = 76 \text{ cm Hg}$$
$$\Rightarrow 76 \text{ cm Hg} \equiv 101.3 \times 10^3 pa$$