

قسم الجغرافية
المرحلة الثالثة
المادة : الإحصاء

جامعة البصرة
كلية التربية
للبنات

المحاضرة : الثالثة

تبويب وعرض

البيانات الإحصائية

تأليف

المدرس / وائل قاسم راشد

تعد عملية عرض البيانات الإحصائية الخطوة التالية بعد عملية جمع البيانات ، وتوجد طريقتان للعرض والتبويب هما :-

أولاً:- العرض الجدولي للبيانات

ثانياً :- العرض البياني (الهندسي) للبيانات (الرسوم البيانية)

أولاً : العرض الجدولي للبيانات :-

وهي تعني تفريغ البيانات الخام (الأولية) للظاهرة ثم معالجتها في جدول يسمى بـ (جدول التوزيع التكراري) له عنوان في الأعلى ووحدات قياس كمية ،ومن خلال هذا الجدول يمكن الحصول على بعض الاستدلالات العامة للظاهرة وطبيعتها اعتماداً على الفئات والتكرارات فيها . ويصنف جدول التوزيع التكراري على أنواع عديدة من الجداول أهمها ما يلي :-

1) جدول التوزيع التكراري البسيط : توزع فيه البيانات بحسب صفة واحدة لمتغير واحد ، ويتكون من حقلين هما (الفئات) و(التكرارات) وهي عدد المفردات التابعة للفئة . ويستخدم فيه نوعين من البيانات هما البيانات الوصفية والكمية .
أ- عرض البيانات الوصفية :-

وهنا يتم تفريغ البيانات (المشاهدات) على شكل أشارات (علامات) ثم تحول الى أرقام تكرارية ، وهي لا تحتوي على فئات.

مثال 1// البيانات الآتية تمثل المستوى التعليمي لـ (30) فرداً :

	(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1	ثانوي	جامعي	أمي	ثانوي	جامعي
2	أمي	أمي	ثانوي	ابتدائي	ثانوي
3	جامعي	ثانوي	أمي	أمي	ابتدائي
4	ثانوي	ثانوي	ثانوي	ثانوي	أمي
5	أمي	ابتدائي	جامعي	جامعي	ابتدائي
6	ابتدائي	ابتدائي	ثانوي	أمي	ثانوي (30)

لايجاد جدول تكراري بسيط نقوم بالخطوات الآتية :-

- 1- نقوم بتفريغ البيانات (الأولية) الخام وتبويبها بشكل أشارات
- 2- تحويل هذه الأشارات الى اعداد رقمية

المستوى التعليمي	توزيع البيانات	التكرارات F_i
جامعي	1111	5
ثانوي	1 1111 1111	11
ابتدائي	1 1111	6
أمي	111 1111	8
المجموع		30

مثال 2// للتعرف على رضا طلبة في تدريس مادة الاحصاء ناخذ عينة من 50 طالب فكانت النتائج ما يأتي :-

مستوى الرضا	توزيع البيانات	f_i
عالية جدا	1 1111	7
عالية	1 1111 1111 1111	16
متوسط	11 1111 1111 1111	17
منخفض	1111	5
منخفض جدا	1111	5
المجموع		50

س/ ما نوع البيانات في المثالين اعلاه؟ وماذا نستنتج من عرض الجدول الاول والثاني؟

ب- عرض البيانات الكمية :- لاجل انشاء جدول للتوزيع التكراري للبيانات الكمية يجب اتباع الخطوات الآتية:-

أولاً: تحديد المدى (R)

والصيغة الرياضية لها هي من المشاهدات (المفردات) الموجودة في جدول :

$$R = \text{أقل قيمة} - \text{أعلى قيمة}$$

$$\text{Max} \quad \text{Min}$$

وأحيانا تضاف للصيغة (+1) خاصة في المديات القصيرة اي

$$R = (\text{Max Value} - \text{Min Value}) + 1$$

ثانياً:- تحديد عدد الفئات (K) Classes: وتوجد طريقتان للتحديد بشكل تقريبي :

(1) طريقة (Struges) وهي :

$$K = 1 + 3.22(\text{Log } n)$$

عدد مفردات العينة n:

$$K * = 2.5 \sqrt[4]{n}$$

(2) طريقة (Yule) وهي :

أن تحديد عدد الفئات يتوقف على حجم البيانات وخبرة الباحث والحالة الغالبة هي اختيار (5) فئات كحد أدنى و(15) - (20) فئة كحد أعلى لها.

ثالثاً:- تحديد طول الفئة التكرارية (L) وهي :

$$L = \frac{R}{K}$$

ويمكن إضافة القيمة (1) على بسط العلاقة أي (R+1) وذلك في حالة المدى القصير كما أشرنا سابقاً.

$$L = \frac{R+1}{K}$$

$$\text{وطول الفئة} = (\text{الحد الأعلى للفئة} - \text{الحد الأدنى لها}) + 1$$

أو هو الفرق بين الحدين الأدنى لفئتين ، ويجب أن تكون أطوال الفئات متساوية وتخضع للصيغة أعلاه.

*نضغط 4 ← Shift ← \sqrt{x} ← قيمة n داخل الجذر ← يساوي =

رابعاً :- تحديد حدود الفئات :

من أجل كتابة حدود الفئات يجب الأخذ بنظر الاعتبار بمجموعة من الخصائص وأهمها :

- 1- هو وقوع جميع مشاهدات (مفردات) الظاهرة بين الحد الأدنى للفئة الأولى والحد الأعلى للفئة الأخيرة .
- 2- أن تظهر كل مفردة في فئة واحدة فقط .
- 3- أن تكون أطوال الفئات متساوية .
- 4- أن يكون تكرار كل فئة (أكبر أو يساوي صفر) فقط
- 5- أن تكون مجموع التكرارات تساوي عدد مفردات العينة (n)
- 6- يتم اختيار الحد الأدنى للفئة الأولى بأصغر مشاهدة لجميع مشاهدات الظاهرة أو أقل من ذلك بقليل. ويتم اختيار الحد الأعلى للفئة الأولى بأضافة طول الفئة مطروحا منه (1)
- 7- أما الفئة الثانية فأن حدها الأدنى هو عبارة عن القيمة اللاحقة للحد الأعلى من الفئة الأولى أما حدها الأعلى فهو أيضا بأضافة طول الفئة مطروحا منه (1) أي:

$$\text{الحد الأعلى للفئة} = (\text{الأدنى} + \text{طول الفئة}) - 1$$

وهكذا باقي الفئات الى الفئة الأخيرة التي يكون حدها الأعلى هو أعلى قيمة أو مشاهدة لجميع مشاهدات الظاهرة أو أكثر بقليل.

خامساً :- توزيع التكرارات على الفئات :

تفرغ البيانات أو المشاهدات أمام الفئات على شكل أشارات (علامات) ثم تحول الى تكرارات بشكل أرقام على أن يكون المجموع الكلي للتكرارات مساوي لعدد قيم المشاهدات للظاهرة أي مساوي لحجم العينة (n)

مفاهيم اساسية في التوزيع التكراري

1. الفئات : هي مجموعات مقسمة من مفردات قيم المتغير ، ولكل فئة مدى او طول للفئة وحدود هما الحد الأعلى و الأدنى لها.

2. مركز الفئة : لكل فئة مركز وهو منتصف حدي الفئة أي =

$\frac{\text{الحد الأعلى} + \text{الحد الأدنى}}{2}$

2

3. تكرار الفئة (f): عدد المفردات (المشاهدات) التي تقع في مدى تلك الفئة .

4. الفئات المفتوحة والفئات غير المتساوية الأطوال : في حالات معينة يصادف وجود بعض البيانات المتطرفة (أكبر بكثير أو أقل بكثير من باقي قيم البيانات) فإذا كانت حجوم القيم متطرفة في الصغر فتضم في الفئة الأولى ، وعندما يكون حجم التطرف في الكبر فسيتعلق الأمر بالفئة الأخيرة مما ينتج عنه فئات غير متساوية الأطوال لان المساواة سيجعل بعض الفئات خالية من (التكرارات) ، والحل هو ترك الحد الأعلى للفئة الأخيرة مفتوح للقيم المتطرفة الكبيرة وكذلك فتح الحد الأدنى للفئة الأولى للقيم المتطرفة الصغيرة . ويمكن توضيح حالة الفئات المفتوحة بالمثال الاتي :

مثال 1 //

تم توزيع الأجر لـ (100) عامل ضمت أجور متطرفة وكما يلي :

فئات الأجر	عدد العمال
أقل من 60	5
70 - 79	15
80 - 89	20
90 - 99	30
100 - 109	15
110 - 119	10
120 فأكثر	5

الملاحظ من الجدول أن اطوال الفئة (10) عدا الفئة الأولى و الأخيرة لوجود بعض من قيم الاجور أقل من 60 وهي (30) و (40) أو أقل وكذلك قيم بعض قيم تجاوز (120) وصلت الى (140) أو أكثر لذلك نعمل بالفئات المفتوحة.

مثال 2 // (حالة الفئات غير المتساوية)

أذا كان لدينا عينة من (200) مصنع و اردنا تصنيفها بحسب عدد العمال في كل مصنع فيها نقوم بما يأتي :

فئات العمال	2-1	4-3	9-5	19-10	49-20	99 - 50	المجموع
عدد المصانع	8	22	80	48	77	15	200

يلاحظ من الجدول عدم تساوي أطوال الفئات لذلك يلزم تعديل الأطوال بتعديل التكرارات (عدد المصانع) وذلك حسب طريقة (شيبيرد Sheaperd) كما يلي :

فئات العمال	عدد المصانع f	طول الفئة L	التكرار المعدل $f' = \frac{f}{L}$
2-1	8	2	4
4-3	22	2	11
9-5	80	5	16
19-10	48	10	4.8
49-20	77	30	9
99 - 50	15	50	0.3

2- جدول التكرار النسبي والمئوي : وهنا يضاف عمود أو عمودين مع جدول التكراري البسيط للحصول على الأهمية النسبية لكل فئة بحسب الصيغ الآتية :

$$\text{التكرار النسبي لاي قيمة} = \frac{\text{التكرار } f_i}{\Sigma f_i} \text{ وأذا ضربت النتيجة } \times 100 \text{ يصبح تكرار مئوي}$$

مثال// لدينا (7) فئات وتكراراتها ما هو التكرار النسبي و المئوي لهما :

الفئات	f _i	التكرار النسبي	التكرار المئوي
40 – 31	1	0,017	%1.7
80 – 71	25	0,43	%43
90 – 81	20	0,34	%34
100 – 91	12	0,20	%20
المجموع	58		المجموع %100 = 1

3- جدول التوزيع التكراري المزدوج : وهي الجداول التي تضم صفتين أو ظاهرتين لهما علاقة ببعضهما ويعتمدان على بعض ، حيث يمثل المحور العمودي (الفئات) الحدى الصفتين والمحور الأفقي الصفة الأخرى و تسجيل التكرارات المشتركة في المربعات الناتجة عن تقاطع الصفتين .

ومن الأمثلة على ذلك أطوال مع الأوزان للطلبة، أو درجة ذكاء العمال مع درجة مهارتهم اليدوية ، أو لون الورود مع شدة روائحها وهكذا.....الخ.

ولبناء جدول تكراري مزدوج نتبع الخطوات الآتية :-

- (1) نحدد أطوال الفئات لكل من الصفتين بشكل مستقل بنفس خطوات التوزيع التكراري البسيط ونجعل أحد فئات الصفتين عمودي و الآخر أفقي.
- (2) وضع التكرار في الخانة التي تعود لفئتي المتغير أي وضع التكرار المشترك للصفين معا في المربع الناتج عن تقاطع المحورين.
- (3) تخصص حقلين أحدهما عمودي و الآخر أفقي لمجموع التكرارات للتأكد من مساواة كلا الحقلين لعدد بيانات العينة .

مثال // الجدول الآتي يوضح صفتين لعينة من العمال قدرها (50) عامل ، الصفة الأولى درجة ذكائهم والثانية درجة مهارتهم بالعمل والجدول المزدوج الآتي يستخدم لدراسة العلاقة بين الصفتين .

درجات الذكاء / درجات المهارة	40 - 49	50-59	60 - 69	70 - 79	80 و اقل من 90	المجموع
90 – 99	2	1				3
100 - 109	6	8				14
110 - 119		4	10	2		16
120 - 129		3	4	4		11
130 - 139				3	1	4
140 و اقل من 150					2	2
المجموع	8	16	14	9	3	50

4- الجداول التكرارية المتجمعة (الصاعدة أو النازلة) :

يستخدم احيانا للتعرف على عدد المفردات التي تقل عن مفردة معينة في الفئات بما يسمى (التجمع الصاعد) أو لمعرفة عدد المفردات التي تزيد عن مفردة معينة في الفئات وتسمى (التجمع النازل)والصيغتين الرياضية لهما هما :

1- التكرار المتجمع الصاعد = تكرار الفئة + تكرار الفئات اللاحقة

2- التكرار المتجمع النازل = تكرار الفئة + تكرار الفئات السابقة)

او = مجموع التكرارات – تكرار الفئة المقابلة

وتكون اول قيمة للتكرار الصاعد هو [صفر] وتستخدم الفئة (اقل من الحدود العليا) للفئات المقابلة للتكرار الصاعد . اما اول قيمة للتكرار المتجمع النازل فهو مجموع التكرارات (اكثر من الحدود الدنيا) للفئات المقابلة للتكرار المتجمع النازل .

• قواعد واسس عامة في تبويب وجدولة البيانات التكرارية :

- 1- يمكن تبويب البيانات على اساس زمني اي تسلسلها الزمني او على اساس مكاني اي المناطق الجغرافية او على اساس كمي او وصفي .
- 2- الاشارة الى وحدات القياس في ابواب الاعمدة وتوحيدها قدر الامكان .
- 3- ترقيم الجدول مع ذكر عنوانه .
- 4- الاعتدال في ايجاد عدد الفئات لان دقة النتائج تعتمد على عددها ، فكثرة عددها يزيد من دقتها الا انها تقلل من قيمة التصنيف وتعقد العمليات الحسابية لها بالمقابل فان قلة عددها تسهل الحساب لها الا ان النتائج تكون غير دقيقة .
- 5- العمل على ايجاد اطوال متساوية للفئات لتسهيل عملية الحساب وان لا تتداخل فيما بينها .
- 6- قد يشار الى الفئات من خلال مراكز الفئة فقط .
- 7- ان تتسع الفئات لجميع مفردات الظاهرة دون استثناء .
- 8- ان تظهر كل مفردة في فئة واحدة فقط .
- 9- قيمة تكرار الفئات يساوي صفر او اكبر ولا تكون سالبة .
- 10- مجموع التكرارات = عدد مفردات المجتمع او العينة (n) .

تمارين

تمرين (1) : قام باحث بوزن عدد من الطلبة بعينة حجمها (20) طالب ثم اخذ اطوالهم . المطلوب ما يلي : -

- 1- استخراج جدول التوزيع التكراري البسيط للوزن ، وعمود التكرار النسبي والمئوي ، واعمدة التكرار المتجمع الصاعد والنازل .
- 2- الجدول التكراري المزدوج

ت	الوزن	الطول	الوزن	الطول	الوزن	الطول	الوزن	الطول
.1	60	159	46	165	60	159	60	165
.2	55	170	65	180	90	160	55	170
.3	65	157	49	175	83	175	65	150
.4	70	165	48	173	65	170	70	160
.5	75	170	64	160	56	175	75	172

1- للوزن : $R = \text{اقل قيمة} - \text{اعلى قيمة} = 90 - 40 = 50$

$K = 1 + 3.22 (\log 20) = 5.18 = 5$

$L = \frac{50}{5} = 10$

وعليه يكون التوزيع التكراري المزدوج والنسبي والمئوي والمتجمع الصاعد والنازل لصفة الوزن كما يلي :

المتجمع النازل	المتجمع الصاعد	التكرار المئوي %	التكرار النسبي	التكرار fi	الفئات (الوزن)
20 اكثر من 40 الحد الادنى	10 اقل من 50 الحد الاعلى	20%	0.20	4	40-49
16 اكثر من 50	7 اقل من 60	15%	0.15	3	50 - 59
13 اكثر من 60	14 اقل من 70	35%	0.35	7	60 - 69
6 اكثر من 70	18 اقل من 80	20%	0.20	4	70 - 79
2 اكثر من 80	20 اقل من 90	10%	0.10	2	80 - 90
			0.100	20	المجموع

2- التوزيع التكراري المزدوج في الطول والوزن للطلبة:

لقد اوضحنا فئات صفة الوزن في المطلب الاول وبنفس الطريقة نحصل على الفئات لصفة الطول حيث ان $R = 30$ و $K = 3$ و $L = 10$.

المجموع	80-90	70-79	60-69	50-59	40-49	الطول/الوزن
4			1		3	150 - 159
6			2	3	1	160 - 169
10	2	4	4			170 - 180
20	2	4	7	3	4	المجموع

تمرين //2

قام باحث بأخذ عينة مكونة من خمسين منزل للتعرف على عدد الساكنين في المنزل الواحد وكانت نتيجة المسح ما يأتي :-

17	16	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	عدد الساكنين (فرد)
1	1	1	0	0	0	1	0	1	3	9	6	5	13	8	5	3	عدد المنازل (منزل)

جدي الجدول التكراري النسبي والمئوي

$$R = 17 - 1 = 16$$

$$K = 6.47 = 6$$

$$L = \frac{R}{K} = 2.4 = 2$$

وهنا تحولت الفئات الى فئات غير متساوية كي لا تكون الفئات طويلة ولكي تبقى (6) فئات فقط وعالية يجب تعديلها حسب طريقة شيبيرد

عدد الساكنين (الفئات)	1 - 2	3 - 4	5 - 6	7 - 10	11 - 15	16 فأكثر
عدد المنازل f_i	8	21	11	6	2	2
f_i المعدلة = التكرار طول	$\frac{8}{2} = 4$	$\frac{21}{2} = 11.5$	$\frac{11}{2} = 5.5$	$\frac{6}{4} = 1.5$	$\frac{2}{5} = 0.4$	$\frac{2}{16} = 0.12$

ومن ثم نستخرج التكرار النسبي والمئوي والمجتمع الصاعد والنازل .

تمرين //3 البيانات الآتية تمثل كميات الأمطار المتساقطة (3^3 ملم) على مدينة البصرة لمدة (30) يوم . أعرضي البيانات في جدول توزيع تكراري بسيط ونسبي ومتجمع متصاعد ومتنازل

68	50	60	51	55	56	53	4.7	61	50
54	61	48	59	57	57	59	5.4	53	40
57	70	51	53	63	43	54	5.8	45	53

ملاحظة:- استخدم yule في استخراج K مضافا الى طريقة الاساسية

$$1 - R = 70 - 40 = 30$$

$$k = 1 + 3.22 \text{ Log}(30) = 1 + 4.90 = 5.9 = 6$$

$$L = \frac{R}{L} = \frac{30}{6} = 5$$

$$\text{Or } K = 2.5^{\frac{1}{4}} \sqrt[3]{30} = 5.9 = 6$$

المتجمع النازل	المتجمع الصاعد	التكرار المئوي %	التكرار النسبي	التكرارات	الفئات للامطار
30	0	%6.6	0.066	2	40 - 44
28	5	%1	0.100	3	45 - 49
25	17	%4	0.400	12	50 - 54
13	25	%26.7	0.267	8	56 - 59
5	28	%1	0.100	3	60 - 64
2	30	%6.6	0.066	2	65 - 69
			$1 = \frac{100}{100}$	30	

تمرين 4 // أوجد طول الفئة إذ كان عدد الفئات (10) و أقل قيمة (53) وأعلى قيمة (149).

تمرين 5 // الجدول التالي يمثل أعمار المصابيح الكهربائية من إنتاج شركة معينة:

عدد المصابيح fi	أعمار المصابيح
14	300 - 399
46	400 - 499
58	500 - 599
76	600 - 699
68	700 - 799

المطلوب :

- (1) التكرار النسبي للفئة الخامسة
- (2) نسبة المصابيح التي عمرها لا يزيد عن 600
- (3) نسبة المصابيح التي عمرها على الأقل 500
- (4) النسبة المئوية للمصابيح التي عمرها لا يقل عن 700 ولا تزيد عن 800