

$$V_B - V_A = \Delta V = - \int_A^B \mathbf{E} \cdot d\mathbf{s} = - \int_A^B (E \cos 0^\circ) ds = - \int_A^B E ds$$

وبسبب ان E ثابتة

$$\Delta V = -E \int_A^B ds = -Ed$$

Potential difference between two points in a uniform electric field

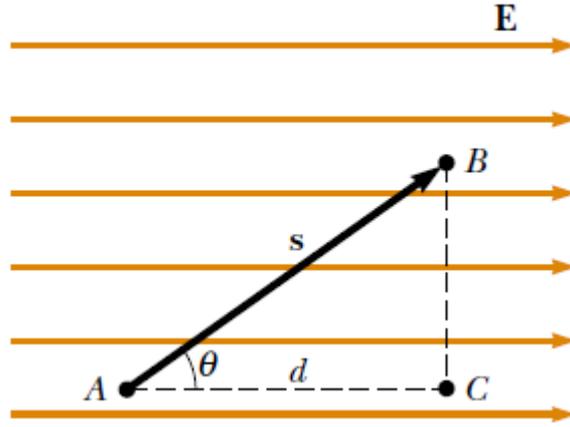
الاشارة السالبة تعني بأن الجهد الكهربائي للنقطة B أقل منه للنقطة A أي $V_B < V_A$. وان خطوط المجال الكهربائي دائما نقطة في اتجاه الجهد الكهربائي المتناقص كما في الشكل a وأذا كان هنالك أكثر من حالة عامة للجسيمة المشحونة التي تتحرك بين A و B في المجال الكهربائي المنتظم مثل المتجة s الذي لايتوازي مع خطوط المجال كما في الشكل وفي هذه الحالة فان المعادلة 3 تعطى بالعلاقة .

$$\Delta V = - \int_A^B \mathbf{E} \cdot d\mathbf{s} = - \mathbf{E} \cdot \int_A^B d\mathbf{s} = - \mathbf{E} \cdot \mathbf{s}$$

نحذف E من التكامل لانها ثابتة فعليه يكون طاقة الجهد في نظام المجال المشحون يعطى بالعلاقة :

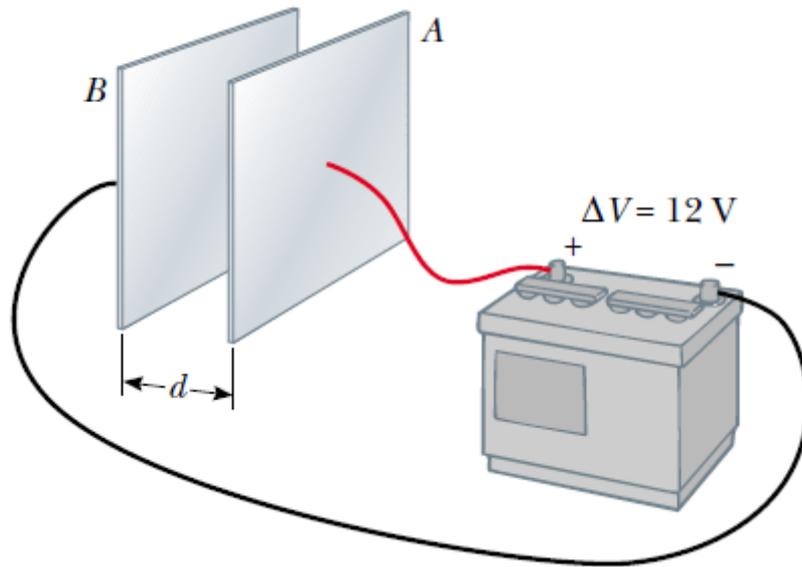
$$\Delta U = q_0 \Delta V = - q_0 \mathbf{E} \cdot \mathbf{s}$$

Change in potential energy when a charged particle is moved in a uniform electric field



The Electric Field Between Two Parallel Plates of Opposite Charge

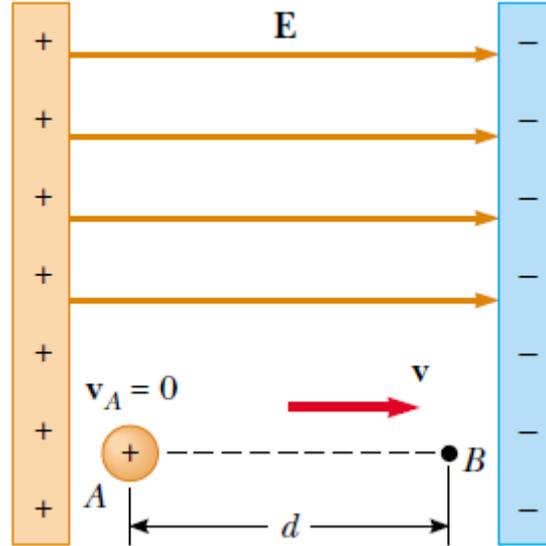
بطارية تنتج فرق جهد محدد بمقدار ΔV بين الموصلات تم توصيل 12-V بين لوحين متوازيين كما في الشكل أدناه. اللوحين المتوازيين A و B المسافة بينهما مقدارها $d = 0.30 \text{ cm}$ ولنفرض ان المجال الكهربائي بين اللوحين منتظم.



$$E = \frac{|V_B - V_A|}{d} = \frac{12 \text{ V}}{0.30 \times 10^{-2} \text{ m}} = 4.0 \times 10^3 \text{ V/m}$$

Motion of a Proton in a Uniform Electric Field

أطلق بروتون في مجال كهربائي منتظم فتحرك في سعة مقدارها $8 \times 10^4 \text{ V/m}$ كما في الشكل أدناه . فإذا كان البروتون قد قطع أزاحة مقدارها 0.5 m في اتجاه E .



(A) أوجد التغير بالجهد الكهربائي بين النقطتين A and B .

$$\Delta V = -Ed = -(8.0 \times 10^4 \text{ V/m})(0.50 \text{ m}) = -4.0 \times 10^4 \text{ V}$$

(B) أوجد مقدار التغير في طاقة الجهد للبروتون

$$\begin{aligned} \Delta U &= q_0 \Delta V = e \Delta V \\ &= (1.6 \times 10^{-19} \text{ C})(-4.0 \times 10^4 \text{ V}) \\ &= -6.4 \times 10^{-15} \text{ J} \end{aligned}$$

(C) أوجد سرعة البروتون بعد أكماله أزاحة مقدارها 0.5 m في المجال الكهربائي

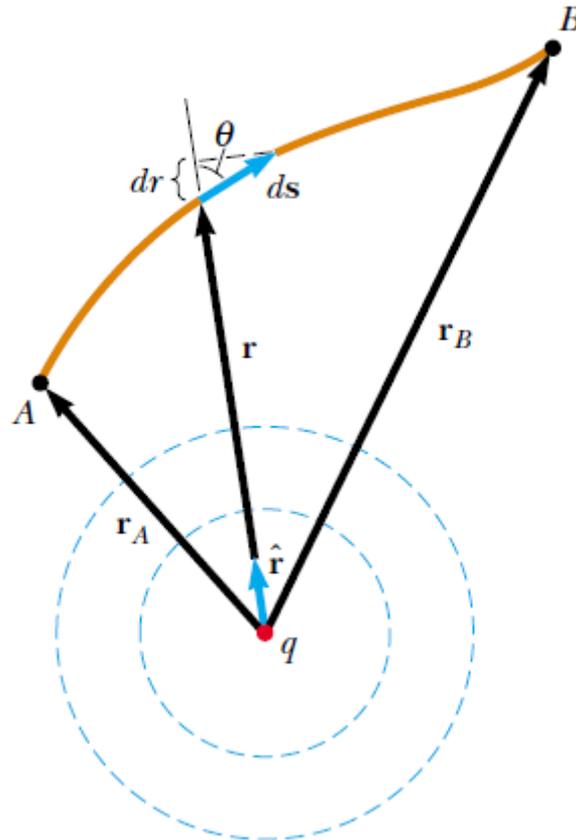
$$\begin{aligned} \Delta K + \Delta U &= 0 \\ \left(\frac{1}{2}mv^2 - 0\right) + e \Delta V &= 0 \\ v &= \sqrt{\frac{-(2e \Delta V)}{m}} \\ &= \sqrt{\frac{-2(1.6 \times 10^{-19} \text{ C})(-4.0 \times 10^4 \text{ V})}{1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}}} \\ &= 2.8 \times 10^6 \text{ m/s} \end{aligned}$$

Electric Potential and Potential Energy Due to Point Charges

لايجاد الجهد الكهربائي لنقطة موضوعة بمسافة مقدارها r عن شحنة نبدأ اولاً بالمعادلة العامة لفرق الجهد

$$V_B - V_A = - \int_A^B \mathbf{E} \cdot d\mathbf{s}$$

حيث ان A and B هما نقطتان لاعلى التعيين موضحتان في الرسم



وفي أية نقطة في الفضاء, المجال الذي يعتمد على الشحنة النقطة هو

$$\mathbf{E} = k_e q \hat{\mathbf{r}} / r^2$$

وعليه

$$\mathbf{E} \cdot d\mathbf{s} = k_e \frac{q}{r^2} \hat{\mathbf{r}} \cdot d\mathbf{s}$$

بسبب ان قيمة $\hat{\mathbf{r}}$ تساوي 1 فإن الضرب النقطي $\hat{\mathbf{r}} \cdot d\mathbf{s} = ds \cos \theta$ حيث θ هي الزاوية بين $\hat{\mathbf{r}}$ and $d\mathbf{s}$ بالاضافة الى ان $ds \cos \theta$ هي مسقط ds على r و عليه فإن $ds \cos \theta = dr$.

$$V_B - V_A = -k_e q \int_{r_A}^{r_B} \frac{dr}{r^2} = \frac{k_e q}{r} \Big|_{r_A}^{r_B}$$

$$V_B - V_A = k_e q \left[\frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right]$$

ان الجهد الكهربائي المتولد عن الشحنة النقطية يبعد بمسافة مقدارها r عن الشحنة هو

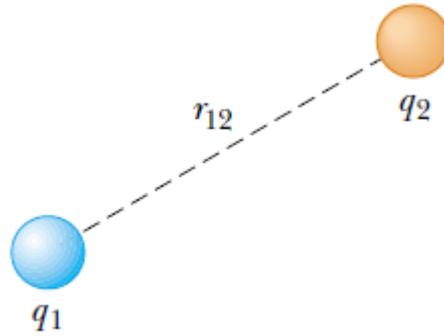
$$V = k_e \frac{q}{r}$$

ولمجموعة من الشحنات نحصل على

$$V = k_e \sum_i \frac{q_i}{r_i}$$

Electric potential due to several point charges

لنوضح الان طاقة الجهد لنظام يحتوي على جسيمتين مشحونتين كما في الرسم أدناه



(a)

نستطيع ان نصف طاقة الجهد للنظام كالآتي

$$U = k_e \frac{q_1 q_2}{r_{12}}$$

إذا كان النظام يحتوي على أكثر من جسيمتين مشحونتين فمن الممكن ان نجد طاقة الجهد بواسطة حساب U لكل زوج من الجسيمات المشحونة . على سبيل المثال فإن طاقة الجهد الكلية للنظام الذي يحتوي على ثلاث شحنات كما موضح في الرسم أدناه يعطى بالعلاقة التالية :